ТЕХНИЧЕСКИЕ НАУКИ

# ШУМОВАЯ ПОГРЕШНОСТЬ ОПРЕДЕЛЕНИЯ ПСЕВДОДАЛЬНОСТИ В СПУТНИКОВОЙ РАДИОНАВИГАЦИОННОЙ СИСТЕМЕ ПРИ ВОЗМУЩЕНИЯХ ИОНОСФЕРЫ

# Чипига А.Ф., Слюсарев Г.В.

ФГАОУ ВПО «Северо-Кавказский федеральный университет», Ставрополь, e-mail: lubenchov@nti.ncstu.ru

Показано, что возмущения ионосферы в слое *F*, сопровождающиеся увеличением флуктуаций электронной концентрации, способны привести к возникновению частотно-селективных замираний принимаемых сигналов и повышению шумовой составляющей погрешности определения псевдодальности в спутниковой радионавигационной системе «ГЛОНАСС». Получена аналитическая зависимость этой погрешности от превышения ширины спектра сигнала над полосой когерентности трансионосферного канала и отношения сигнал/шум на входе приемника измерения псевдодальности. Показано, что в условиях возмущений ионосферы в слое *F* шумовая погрешность измерения псевдодальности может существенно возрастать по сравнению с условиями нормальной ионосферы, достигая значений 15 м в одночастотном режиме работы и 80 м – в двухчастотном и дифференциальном режимах работ.

Ключевые слова: спутниковая навигация, псевдодальность, шумовая погрешность, неоднородности ионосферы, полоса когерентности, частотно-селективные замирания

# NOISE ERROR IN DETERMINING THE PSEUDORANGE SATELLITE RADIO NAVIGATION SYSTEM AT IONOSPHERIC DISTURBANCES

### Chipiga A.F., Slyusarev G.V.

FGAOU VPO «North Caucasian Federal University», Stavropol, e-mail: lubenchov@nti.ncstu.ru

It is shown that the perturbations in the ionosphere layer F, accompanied withdrawn-cheniem fluctuations of the electron density, can lead to the appear- veniyu-frequency selective fading of the received signals and increase the noise component of the error in the determination of the pseudo-satellites howling radio navigation system «Glonass». The analytical ble this error from exceeding the width of the signal over the coherence bandwidth of the channel transionospheric and signal / noise ratio at the input-receiver pseudo-range measurements. It is shown that under conditions of ion-sphere perturbation in the fiber noise measurement error can significantly increase the pseudo compared to the normal conditions of the ionosphere, reaching values of 15 m in single-frequency mode and 80 meters – in two-frequency and differential modes of operation.

#### Keywords: satellite navigation, pseudo-noise, error, ionospheric irregularities, coherence bandwidth, frequencyselective fading

Известно [1], что погрешность определения координат в навигационной аппаратуре потребителя (НАП) спутниковых радионавигационных систем (СРНС) прямо пропорционально зависит от погрешности измерения псевдодальности  $\delta R$  до каждого из навигационных спутников. Она определяется как сумма ее составляющих, обусловленных различными причинами: влиянием ионосферы ( $\delta R_{ион}$ ), тропосферы ( $\delta R_{проп}$ ), шумов приемника ( $\delta R_{пум}$ ) и целым рядом других факторов ( $\delta R_{пр}$ ):

$$\delta R = \delta R_{\rm ион} + \delta R_{\rm троп} + \delta R_{\rm шум} + \delta R_{\rm дp}. \quad (1)$$

Наибольший вклад в погрешность определения псевдодальности  $\delta R = 30$  м вносит ионосферная составляющая  $\delta R_{\text{ион}} \approx 15$  м и шумовая ( $\delta R_{\text{шум}}$ ), характеризуемая величиной среднеквадратического отклонения (СКО)  $\sigma_{R_{\text{шум}}} \approx 3$  м. Для устранения ионосферной составляющей погрешности измерения псевдодальности ( $\delta R_{\text{ион}} \approx 0$  м) в СРНС «ГЛОНАСС» используются режим работы НАП на двух несущих частотах ( $f_{0B} = 1,6$  ГГц,  $f_{0H} = 1,25$  ГГц) и дифференциальный режим работы. Для уменьшения шумовой составляющей измерения псевдодальности до значений  $\sigma_{R_{\rm шум}} < 1$  м в СРНС используют широкополосные сигналы с шириной спектра  $\Delta F_0 = 1$  МГц и  $\Delta F_0 = 10$  МГц.

Однако при воздействии возмущающих факторов на слой F ионосферы (на высотах 150...300 км) возникают интенсивные флуктуации электронной концентрации (ЭК) в мелкомасштабных неоднородностях ионосферы, которые вызывают рассеяние радиоволн, их многолучевое распространение, замирания принимаемых сигналов и сужение полосы когерентности ионосферы до  $\Delta F_{\kappa} < 0,1...1$  МГц [2]. При распространении радиоволн через возмущенную ионосферу, например в результате выброса бария или радионагрева, на высоте слоя F принимаемые сигналы будут подвержены

частотно-селективным замираниям (ЧСЗ), т.к. ширина спектра сигнала  $(\Delta F_0 = 1...10 \text{ M} \Gamma \mu)$  может на порядок и более превышать полосу когерентности ( $\Delta F_{\mu} = 0, 1...1$  МГц) ионосферы (т.е.  $\Delta F_0 >> \Delta F_v$ ), что приводит к уменьшению амплитуды отклика на выходе корреляционной схемы обработки принимаемого сигнала и увеличению шумовой составляющей погрешности определения псевдодальности σ<sub>*R*<sub>шум</sub>. Однако вопросы исследования влияния ЧСЗ на точность определения псевдо-</sub> дальности и координат потребителя в [2] не рассматривались.

**Цель статьи** – оценка шумовой составляющей погрешности измерения псевдодальности ( $\sigma_{R_{\text{шум}}}$ ) в СРНС при возмущениях ионосферы в слое *F*.

### Основная часть

Известно [3], что комплексная огибающая принимаемого сигнала отличается от комплексной огибающей передаваемого сигнала  $\dot{S}_t(t) = \sqrt{E_t} f(t)$  с энергией  $E_t$  и нормированной комплексной огибающей f(t) лишь ослаблением амплитуды (в  $\sqrt{K_{oc}}$  раз) и запаздыванием на время т:

$$\dot{S}_r(t) = \sqrt{E_t K_{\rm oc}} \dot{f}(t-\tau).$$
<sup>(2)</sup>

Потенциальная точность измерения времени запаздывания ( $\tau$ ) принимаемого сигнала *s*<sub>i</sub>(*t*) оптимальной некогерентной (HK) схемой его обработки на фоне гауссовских флуктуационных шумов определяется величиной среднеквадратического отклонения (СКО), описываемой выражением вида [4]

$$_{\tau} = \left[\sqrt{2(E_r/N_0)}\Delta\Omega_{\scriptscriptstyle 9}\right]^{-1} = \left(\sqrt{2h^2}\Delta\Omega_{\scriptscriptstyle 9}\right)^{-1},\tag{3}$$

где  $h^2 = \frac{E_r}{N_0} = \frac{E_t K_{oc}}{N_0}$  – отношение энергии

σ

принимаемого сигнала E<sub>r</sub> к спектральной мощности шума N<sub>0</sub>, ΔΩ<sub>2</sub> – эффективная ширина спектра передаваемого сигнала, связанная с традиционной полосой спектра широкополосного сигнала с длительно-

стью элементарных символов  $\tau_0 = \frac{1}{\Delta F_0}$  как

$$\Delta \Omega_{_{9}} = \sqrt{\pi} \Delta F_{_{0}} = \frac{\sqrt{\pi}}{\tau_{_{0}}}$$
. Анализ (3) показывает,

что с увеличением ширины спектра передаваемого сигнала  $\Delta F_0$  шумовая погрешность измерения времени запаздывания ( $\tau$ ) прини-

маемого сигнала 
$$\sigma_{\tau} \sim \frac{1}{\Delta F_0}$$
 уменьшается.

Оптимальная НК схема измерения т согласно [3, 4] остается оптимальной в случае, когда принимаемые сигналы подвержены релеевским замираниям. При этом потенциальная точность измерения време-

2

ни запаздывания (т) принимаемого сигнала определяется выражением

$$\sigma_{\tau} = \left[ 2\overline{E}_r \frac{\overline{E}_r}{N_0(N_0 + \overline{E}_r)} \Delta \Omega_{2}^{2} \right]^{-0.5}, \quad (4)$$

где  $\overline{E}_r = 2\sigma_b^2 E_t = E_r$  – средняя энергия принимаемого сигнала с ЧСЗ, равная его энергии в канале без замираний ( $E_r = E_t K_{oc}$ );  $2\sigma_b^2$  – мощность коэффициента передачи канала (*b*) с релеевскими замираниями. При обычно реализуемом в СРНС отношении сигнал/шум  $\overline{E}_r / N_0 \ge 10^3$  [5] выражение (4) сводится к виду (3).

Следует учесть, что релеевские замирания принимаемого сигнала являются частным случаем ЧСЗ, что позволяет обобщить известный метод оценки точности измерения времени запаздывания принимаемого сигнала (4) на случай приема сигнала с ЧСЗ. Комплексную огибающую принимаемого сигнала с ЧСЗ можно записать как [3]

$$\dot{S}_{r}(t) = \sqrt{E_{t}} \int_{-\infty}^{\infty} \dot{f}(t - \tau - \lambda) \dot{b}(\lambda) d\lambda, \qquad (5)$$

где  $f(t - \tau - \lambda)$  – нормированная комплексная огибающая передаваемого сигнала со средним временем запаздывания  $\tau$  (неизвестная неслучайная величина, подлежащая измерению) и случайным запаздыванием  $\lambda$ ;  $\dot{b}(\lambda)$  – низкочастотная импульсная функция канала связи (комплексный гауссовский процесс с математическим ожида-

нием  $M[\dot{b}(\lambda)] = 0$  и корреляционной функцией  $M[\dot{b}(\lambda)\dot{b}(\lambda_1)] = 2\sigma_b^2 \sigma_{_{\rm H}}(\lambda)\delta(\lambda - \lambda_1).$ Здесь  $\sigma_{_{\rm H}}(\lambda)$  – нормированная функция рассеяния КС по времени, связанная преобразованием Фурье с нормированной двухчастотной корреляционной функцией канала (зависящей от  $\Delta F_{_{\rm K}}$ ).

Тогда потенциальная точность из- нала мерения времени запаздывания сиг- жен

из- нала с ЧСЗ будет определяться вырасиг- жением [6]

$$\sigma_{\tau(\mathbf{q})} = \left[ 2\overline{E}_r \frac{\overline{E}_r \eta_{\mathbf{q}}}{N_0 (N_0 + \overline{E}_r \mu_{\mathbf{q}})} \Delta \Omega_{\mathfrak{p}}^2 \right]^{-0.5}, \qquad (6)$$

где

$$\eta_{\rm q} = \left(1 + 4\Delta F_0^2 / \pi \Delta F_{\kappa}^2\right)^{-0.5}$$
(7)

коэффициент энергетических потерь при корреляционной обработке сигнала с ЧСЗ,

$$\mu_{\rm q} = \left( 1 + 4\Delta F_0^2 / \pi \Delta F_{\kappa}^2 \right)^{-3/2} \qquad (8)$$

 коэффициент сужения эффективной ширины спектра из-за ЧСЗ.

Коэффициенты энергетических потерь (7) и (8) зависят только от степени ЧСЗ

принимаемого сигнала ( $\Delta F_0 / \Delta F_{\kappa}$ ). В частном случае отсутствия ЧСЗ ( $\Delta F_0 / \Delta F_{\kappa} \ll 1$ ), когда  $\eta_q = 1$  и  $\mu_q = 1$ , выражение (6) при  $\frac{\overline{E}_r}{N_0} = \frac{E_r}{N_0} >> 1$  сводится к виду (4). При

выполнении условия возникновении ЧСЗ  $(\Delta F_0 / \Delta F_{\kappa} \ge 1)$  значение  $\sigma_{\tau^{(q)}} > \sigma_{\tau}$ .

Выражение (6) с учетом (7), (8) можно записать в виде суммы двух слагаемых:

$$\sigma_{\tau(\mathbf{q})} = \left(\frac{\left(1 + 4\Delta F_0^2 / \pi\Delta F_{\kappa}^2\right)^{3/2}}{2\pi\Delta F_0^2 \,\overline{E}_r / N_0} + \frac{\left(1 + 4\Delta F_0^2 / \pi\Delta F_{\kappa}^2\right)^2}{2\pi\Delta F_0^2 \left(\overline{E}_r / N_0\right)^2}\right)^{1/2}.$$
(9)

Анализ выражения (9) показывает, что для обычно реализуемого в СРНС отношения сигнал/шум  $\overline{E}_r / N_0 \ge 10^3$  второе слага-

емое будет на порядок меньше первого при значениях  $\Delta F_0 / \Delta F_{\rm g} \le 10^2$ . Поэтому для указанных отношений формулу (9) можно записать в приближенном виде как

$$\sigma_{\tau(\mathbf{q})} \approx \left( \frac{\left( 1 + 4\Delta F_{0\kappa}^2 / \pi\Delta F^2 \right)^{3/2}}{2\pi\Delta F_0^2 \overline{E}_r / N_0} \right)^{1/2}.$$
(10)

Качественный анализ (10) показывает, что при отсутствии возмущений ионосферы, когда полоса ее когерентности широка и намного превосходит ширину спектра сигнала (т.е.  $\Delta F_0 / \Delta F_{\kappa} << 1$ ), шумовая погрешность измерения времени запаздывания широкополосного сигнала будет мала, т.к.  $\sigma_{\tau} \sim \frac{1}{\Delta F_0}$ . При сильных возмущениях ионосферы, когда полоса ее когерентности сужается до значений намного меньших ширины спектра сигнала (т.е.

меньших ширины спектра сигнала (т.е.  $\Delta F_0 / \Delta F_{\kappa} >> 1$ ), шумовая погрешность измерения времени запаздывания широкополосного сигнала будет велика, т.к.  $\sigma_{\tau} \sim \Delta F_0^{0.5} / \Delta F_{\kappa}^{1.5}$ . Следовательно, при известной полосе когерентности ионосферы  $(\Delta F_{\kappa})$  существует оптимальное значение ширины спектра передаваемого сигнала  $(\Delta F_{0opt})$ , при котором обеспечивается минимальное значение шумовой погрешности измерения времени запаздывания  $\sigma_{r(y)min}$ .

измерения времени запаздывания  $\sigma_{\tau^{(4)}mjn}$ . Приравняв к нулю производную от функции  $\sigma_{\tau^{(4)}}$  (10) по  $\Delta F_0$ , получим уравнение, решение которого дает искомую формулу для выбора оптимальной ширины спектра передаваемого сигнала по КС с ограниченной полосой когерентности ( $\Delta F_{z}$ ):

$$\Delta F_0 = \Delta F_{0 \text{ opt}} = \sqrt{0, 5 \pi} \,\Delta F_{\kappa} \,. \tag{11}$$

При оптимальной ширине спектра передаваемого сигнала (11) погрешность (СКО) измерения времени запаздывания сигнала с ЧСЗ (6) будет иметь минимальное значение

$$\sigma_{\tau(\Psi)\min} \approx 3^{3/4} \left[ 2\pi\Delta F_0^2 (\bar{E}_r / N_0) \right]^{-1/2},$$
(12)

которое лишь в  $3^{3/4} \approx 2,28$  раз превышает погрешность измерения времени запаздывания ( $\sigma_{z}$ ) сигнала без ЧСЗ (3).

Известно [7], что полоса когерентности трансионосферного канала связи, входящая в (7)–(8), определяется выражением

$$\Delta F_{\kappa} = f_0^2 c / \left( 80, 8\pi^{5/4} (l_s h_3)^{1/2} \sigma_{\Delta N}(h_m) \left( 2 + d_1^2 \right)^{1/2} \right), \tag{13}$$

ФУНДАМЕНТАЛЬНЫЕ ИССЛЕДОВАНИЯ № 12, 2014

где  $f_0$  – несущая частота;  $l_s$  – характерный масштаб неоднородностей;  $h_s$  – эквивалентная толщина ионосферного слоя;  $\sigma_{\Delta N}(h_m) \approx \beta \cdot \overline{N}(h_m)$  – СКО флуктуаций ЭК ионосферы относительно их среднего значения на высоте  $h = h_m$  максимума ионизации  $\overline{N}(h_m)$ ;  $\beta$  – интенсивность неоднородностей;  $d_1^2 \ge 1$  – коэффициент, характеризующий нарастание дифракционных эффектов во фронте волны по мере ее рас-

$$d_1^2 = \frac{\left(h_3^2 - 3h_3h_1 + 3h_1^2\right)c^2}{192\pi^2 f_0^2 l_s^4},\qquad(14)$$

где  $h_1$  – расстояние от нижней границы ионосферного слоя до точки приема.

пространения, определяемый как

Воздействие различных факторов искусственного возмущения в слое F сопровождается ростом флуктуаций ЭК с  $\sigma_{\Delta N}(h_m) = 10^9...11^{10}$  до  $\sigma_{\Delta N}(h_m) = 10^{13}...11^{14}$  эл/м<sup>3</sup>, т.е. могут составлять 3...4 порядка. В результате роста флуктуаций ЭК происходит пропорциональное сужение полосы когерентности трансионосферного канала связи (13)

$$\Delta F_{\kappa} \sim \frac{1}{\sigma_{\Delta N}(h_m)}$$
 до значений  $\Delta F_{\kappa} < 1$  МГц.

Следует заметить, что аналогично (13) интервал пространственной когерентности трансионосферного канала связи также связан с СКО флуктуаций ЭК ионосферы обратно пропорциональной зависимостью:  $\Delta \rho_{\kappa} \sim 1/\sigma_{\Delta N} (h_m)$  [8].

Поскольку в СРНС используются широкополосные сигналы с шириной спектра  $\Delta F_0 \approx 1 \text{ МГц}$  и  $\Delta F_0 \approx 10 \text{ МГц}$ , то при трансионосферном распространении радиоволн они могут подвергаться сильным ЧСЗ (т.к.  $\Delta F_0 / \Delta F_{\kappa} \approx 10...100$ ). Искажения формы огибающей принимаемого сигнала из-за ЧСЗ ( $\Delta F_0 / \Delta F_{\kappa} \geq 1$ ), обусловленных увеличением СКО флуктуаций ЭК  $\sigma_{\Delta N}(h_m)$ , вызовут ее рассогласование с копией передаваемого сигнала, заложенной в корреляционном приемнике измерения времени задержки принимаемого сигнала ( $\tau$ ), и, как следствие – увеличение шумовой погрешности ее измерения  $\sigma_{\tau(y)}$  из-за ЧСЗ.

С учетом (10) шумовая погрешность измерения псевдодальности при одночастотных измерениях будет определяться как

$$\sigma_{R_{\text{uyyst}}} = c \cdot \sigma_{\tau(\mathbf{y})} = c \left( \frac{\left( 1 + 4\Delta F_0^2 / \pi \Delta F_\kappa^2 \right)^{3/2}}{2 \left( E_r / N_0 \right) \cdot \pi \Delta F_0^2} \right)^{1/2}.$$
(15)

Двухчастотный режим работы (на несущих частотах  $f_{0B} = 1,6$  ГГц,  $f_{0H} = 1,25$  ГГц) позволяет полностью устранить ионосферную составляющую погрешности определения псевдодальности ( $\delta R_{\mu 0 \mu} \approx 0$  м), но при этом (из-за наличия двух каналов корреляционной обработки сигналов с частотами  $f_{0B}$  и  $f_{0H}$ ) в 2...3 раза возрастает шумовая составляющая, определяемая согласно выражению [5]

$$\sigma_{R_{\text{uyym}}(2f_0)} = \left( \left[ 2,53 \,\sigma_{R_{\text{uyym}}(f_{0B})} \right]^2 + \left[ 1,53 \,\sigma_{R_{\text{uyym}}(f_{0H})} \right]^2 \right)^{1/2}, \tag{16}$$

где  $\sigma_{R_{\text{шум}}(f_{0\text{B}})}$  – шумовая погрешность псевдодальности на верхней несущей частоте  $f_{0\text{B}} = 1,6$  ГГц;  $\sigma_{R_{\text{шум}}(f_{0\text{H}})}$  – на нижней несущей частоте  $f_{0\text{H}} = 1,25$  ГГц.

В дифференциальном режиме работа СРНС погрешности измерения псевдодальности, выполненные НАП и опорно-измерительной станции (ОИС), коррелированны во времени и в пространстве, за исключением шумовых погрешностей. Следовательно остаточная (после компенсации) погрешность измерения псевдодальности будет

определяться СКО шумовой погрешности НАП и ОИС [9] и иметь вид

$$\sigma_{R_{\text{шум}}(\text{др})} = \left(\sigma_{R_{\text{шум нап}}}^2 + \sigma_{R_{\text{шум овс}}}^2\right)^{1/2}.$$
 (17)

Так как ОИС работает в двухчастотном режиме, то выражение для расчета СКО шумовой погрешности измерения псевдодальности определяется выражением (16), т.е.  $\sigma_{R_{\rm шум овс}} = \sigma_{R_{\rm шум}(2)f_0} \cdot$  Поскольку НАП работает в одночастотном режиме на несущей частоте  $f_{0\rm B} = 1,6$  ГГц, то с учетом (15), (16) выражение (17) примет вид

$$\sigma_{R_{\rm unym}({\rm Ap})} = \left(\sigma_{R_{\rm unym}(f_{0{\rm B}})}^2 + \left[2,53\,\sigma_{R_{\rm unym}(f_{0{\rm B}})}\right]^2 + \left[1,53\,\sigma_{R_{\rm unym}(f_{0{\rm H}})}\right]^2\right)^{1/2}.$$
(18)

FUNDAMENTAL RESEARCH № 12, 2014

Согласно (15)–(17) на рисунке представлены графики зависимости шумовой погрешности определения псевдодальности

 $\sigma_{R_{\rm m}}$  от СКО флуктуаций ЭК  $\sigma_{\Delta N}(h_m) \sim 1/\Delta F_{\kappa}$  при неизменной ширине спектра передаваемого сигнала  $\Delta F_0 = 10$ .



Графики зависимости шумовой погрешности определения псевдодальности  $\sigma_{R_{w}}$ от СКО флуктуаций ЭК  $\sigma_{AN}(h_m)$  в ионосфере при работе СРНС в одночастотном (1), двухчастотном (2) и дифференциальном (3) режимах

Из этих графиков видно, что при любой степени возмущения ионосферы  $\sigma_{\Lambda N}(h_m)$ шумовая погрешность  $\sigma_{R_{u}}$  при работе СРНС в одночастотном режиме (кривая 1) существенно ниже, чем при работе в двухчастотном (кривая 2) и дифференциальном (кривая 3) режимах работ, а шумовая погрешность измерения псевдодальности при работе СРНС в дифференциальном режиме лишь немного выше, чем при работе в двухчастотном режиме. При сильных возмущениях ионосферы, когда  $\sigma_{\Delta N}(h_m) > 10^{12}$  эл/м<sup>3</sup>, во всех режимах работы СРНС значения σ<sub>*R*<sub>и</sub></sub> могут возрастать на 1...2 порядка по сравнению с нормальной ионосферой, когда  $\sigma_{\Delta N}(h_m) = 10^9...10^{10}$  эл/м<sup>3</sup>. Очевидно, что при выборе оптимальной ширины спектра сигнала (11)  $\Delta F_0 = \Delta F_{0 \text{ opt}} = \sqrt{0.5 \pi \Delta F_{\kappa}}$  увеличение  $\sigma_{R_{\rm m}}$  при сильных возмущениях ионосферы составило бы согласно (12) всего 2,28 раза по сравнению с нормальной ионосферой.

#### Заключение

При возмущениях ионосферы в слое *F* вследствие увеличения флуктуаций ЭК в мелкомасштабных неоднородностях ионосферы  $\sigma_{\Delta N}(h_m)$  согласно (13) происходит сужение полосы когерентности трансионосферного канала  $\Delta F_{\kappa} \sim \frac{1}{\sigma_{\Delta N}(h_m)}$ , что приводит к выполнению условия возникновения ЧСЗ ( $\Delta F_0 / \Delta F_{\kappa} > 1$ ) и увеличению погрешности измерения времени запаздывания принимаемого сигнала (10). Вследствие этого увеличивается шумовая погрешность ( $\sigma_{R_{\text{плум}}}$ ) измерения псевдодальности (15)–(17) в СРНС «ГЛОНАСС». В условиях возмущений ионосферы в слое F шумовая погрешность измерения псевдодальности может существенно возрастать (рисунок) по сравнению с условиями нормальной ионосферы, достигая значений  $\sigma_{R_{\text{пум}}} \approx 15 \text{ м}$  в одночастотном режиме НАП СРНС «ГЛОНАСС» и  $\sigma_{R_{\text{пум}}} \approx 80 \,\text{м}$  в двухчастотном и дифференциальном режимах работ. При выборе оптимальной ширины спектра сигнала (11)  $\Delta F_0 = \Delta F_{0 \text{ opt}} = \sqrt{0.5 \pi \Delta F_{\kappa}}$  увеличение  $\sigma_{R_{\mu}}$ при сильных возмущениях ионосферы составило бы всего 2,28 раза по сравнению с нормальной ионосферой.

### Список литературы

1. ГЛОНАСС. Принципы построения и функционирования / дод ред. А.И. Перова, В.Н. Харисова. – М.: Радиотехника, 2010. – 800 с.

2. Богуш Р.Л., Гильяно Ф.У., Непп Д.Л., Мишле А.Х. Влияние частотно-селективных эффектов распространения радиоволн на автоматическое слежение за сигналом в приемниках широкополосных систем связи // ТИИЭР. – 1981. – Т. 69, № 7. – С. 21–32.

 Ван Трис Г. Теория обнаружения, оценок и модуляции. Т. 3 – М.: Сов. радио, 1977. – 664 с.

4. Сосулин Ю.Г. Теоретические основы радиолокации и радионавигации. – М.: Радио и связь, 1992. – 304 с.

5. Волков Н.М. и др. Глобальная спутниковая радионавигационная система ГЛОНАСС // Успехи современной радиоэлектроники. – 1997. – № 1. – С. 31–46.

6. Пашинцев В.П. Влияние частотно-селективных замираний на измереие времени запаздывания сигналов систем космической связи // Радиотехника и электроника. – 1998. – Т. 43, № 4, –С. 410–414.

7. Маслов О.Н., Пашинцев В.П. Модели трансионосферных радиоканалов и помехоустойчивость систем космической связи // Приложение к журналу «Инфокоммуникационные технологии». Вып. 4. – Самара: ПГАТИ, 2006. – 357 с.

8. Чипига А.Ф., Дагаев Э.Х.,Сенокосова А.В., Шевченко В.А. Оценка интервала пространственной корреляции замираний в трансионосферном канале связи // Теория и техника радиосвязи. – 2011. – № 4. – С. 97–102.

9. Казаринов Ю.М. Радиотехнические системы. – М.: Сов. радио, 1968. – 496 с.

#### References

1. GLONASS. Principy postroenija i funkcionirovanija. Pod red. A.I. Perova, V.N. Harisova. (GLONASS. Principles of construction and operation. Ed. A.I. Perova, V.N. Kharisova). Moskow, Radio Publ., 2010. 800 p.

2. Bogush R.L., Gil'jano F.U., Nepp D.L., Mishle A.H. *TILJeR*, 1981, Vol. 69, no. 7, pp. 21–32.

3. Van Tris G. *Teorija obnaruzhenija, ocenok i moduljacii. T. 3* (Theory of detection, assessment and modulation. Volume 3). Moskow, Sov. Radio Publ., 1977. 664 p. 4. Sosulin Ju.G. *Teoreticheskie osnovy radiolokacii i radionavigacii* (Theoretical Foundations of radar and navigation). Moskow, Radio and Communications Publ., 1992. 304 p.

5. Volkov N.M. i dr. *Uspehi sovremennoj radiojelektroniki*. 1997, no. 1, pp. 31–46.

6. Pashincev V.P. Radiotehnika i jelektronika. 1998, Vol. 43, no. 4, pp. 410–414.

7. Maslov O.N., Pashincev V.P. Modeli transionosfernyh radiokanalov i pomehoustojchivost' sistem kosmicheskoj svjazi (Models transionospheric radio and immunity space communication systems) Supplement to the «Information and Communication Technologies». Issue 4. Samara: PGATI, 2006. 357 p.

8. Chipiga A.F., Dagaev Je.H., Senokosova A.V., Shevchenko V.A. *Teorija i tehnika radiosvjazi*. 2011, no.4, pp. 97–102.

9. Kazarinov Ju.M. *Radiotehnicheskie sistemy* (Radio systems). Moskow, Owls. radio Publ., 1968. 496 p.

# Рецензенты:

Жиляков Е.Г., д.т.н., профессор, зав. кафедрой, ФГАОУ ВПО «Белгородский государственный национальный исследовательский университет», г. Белгород;

Лубенцов В.Ф., д.т.н., профессор кафедры информационных систем, электропривода и автоматики Невинномысского технологического института, ФГАОУ ВПО «Северо-Кавказский федеральный университет» Минобрнауки РФ, г. Невинномысск.

Работа поступила в редакцию 05.12.2014.