

УДК 614.841

## ОГНЕСТОЙКОСТЬ БЕТОНА: КРИТЕРИИ РАЗРУШЕНИЯ

Еналеев Р.Ш., Анаников С.В., Теляков Э.Ш., Гасилов В.С.

Казанский национальный исследовательский технологический университет,  
Казань, e-mail: firepredict@yandex.ru

Проведен анализ литературных данных по критерию разрушения бетона в условиях «стандартного» пожара. Разработана математическая модель с объемным источником испарения влаги для расчета температурного поля элементов конструкций при воздействии пламени пожаров. Обоснованы инвариантные к скорости высокоинтенсивного нагрева универсальные критерии разрушения железобетонных конструкций. В комплексных критериях учитывается как критическая температура, так и градиент температуры. Предложен метод прогнозирования предела огнестойкости элементов конструкций при различных сценариях развития пожара на предприятиях в производстве, при транспортировке и переработке энергоемких веществ.

**Ключевые слова:** элемент конструкции, энергоемкие вещества, модели пожара, критерии разрушения

## FIRE RESISTANCE OF CONCRETE: DESTRUCTION CRITERIA

Enaleev R.S., Ananikov S.V., Telyakov E.S., Gasilov V.S.

Kazan National Research Technological University, Kazan, e-mail: firepredict@yandex.ru

Analysis of literary data by criterion of concrete destruction in conditions of «standard» fire is lead. Mathematical model with a volumetric source of moisture evaporation is developed for calculation of a temperature field of construction elements under influence of fire flame. Universal criteria of destruction, invariant to speed of high-intensive heating of ferro-concrete constructions, are proved. In complex criteria it is considered both critical temperature and a gradient of temperature. Method of forecasting of fire resistance limit is offered at different fire propagation scenarios on enterprises of extraction, transportation and processing of power-intensive substances.

**Keywords:** constructive element, power-intensive substance, models of fire, criteria of destruction

В отечественных нормативных документах основным критерием оценки предела огнестойкости по потере несущей способности является критическая температура бетона и арматуры, значение которой для тяжелых бетонов лежит в пределах 500 – 600°С.

Однако в других альтернативных подходах в оценке предельного состояния капиллярно-пористого материала при интенсивном нагреве учитывается градиент температуры.

Следовательно, критерий критической температуры, используемый в стандартном методе оценки предела огнестойкости при воздействии «стандартного» пожара, каким-то образом должен быть сопряжен с критерием градиента температуры. Это обстоятельство мотивировало дальнейшие исследования авторов в области количественной оценки пожарного риска в части последствий воздействия высокоинтенсивного теплового излучения на элементы строительных конструкций.

### Температурный и градиентный критерии огнестойкости

Проблема теплового удара является одной из центральных в термомеханике [3]. Проводимые исследования для решения данной проблемы с использованием моделей динамической термоупругости получили широкое развитие при изучении закономерностей термонапряженного состояния в изотропных и анизотропных упругих те-

лах. Применительно к одностороннему равномерному нагреву элементов конструкций можно записать известное уравнение Даниловской [1, 2]

$$V^2 \frac{\partial^2 U(x, \tau)}{\partial x^2} - \frac{\partial^2 U(x, \tau)}{\partial \tau^2} = S \frac{\partial^2 T(x, \tau)}{\partial x^2}; \quad (1)$$

здесь  $V$  – скорость распространения упругой волны, которая определяется из соотношения

$$V = \sqrt{\frac{\lambda + 2\mu}{\rho}}, \quad (2)$$

где  $\lambda$  и  $\mu$  – постоянные Ламе;  $\rho$  – плотность материала;  $S$  – постоянная, выражается через коэффициент линейного температурного расширения материала  $\alpha$  в виде

$$S = \alpha(2\mu + 3\lambda). \quad (3)$$

Граничные условия

$$-\lambda \frac{\partial T(x, \tau)}{\partial x} = q(\tau). \quad (4)$$

Возникающее вследствие неравномерного нагрева материала напряжение  $U(x, \tau)$ , входящее в уравнение (1), удовлетворяет начальному условию

$$U(x, \tau)|_{\tau=0} = \frac{\partial U(x, \tau)}{\partial \tau} \Big|_{\tau=0} = 0. \quad (5)$$

граничному условию

$$U(x, \tau)|_{x=0} = 0. \quad (6)$$

Нахождение аналитических решений такого рода динамических задач (даже в линейной постановке) связано с большими техническими трудностями и является длительным процессом. Таким образом, как видно из уравнения (1), в критериях разрушения бетона должен учитываться градиент температуры.

### Обоснование комплексного критерия разрушения

При обосновании комплексного критерия огнестойкости, учитывающего влияние критической температуры, градиента температуры и теплофизических свойств бетона, авторами проанализированы постановка и решение различных краевых задач нестационарной теплопроводности.

В реализации предлагаемого подхода анализируются две краевые задачи.

В первой – рассматривается решение классической задачи Стефана по промерзанию грунта [5]

$$T_0 = B \cdot \operatorname{erf} \frac{\xi}{2\sqrt{\alpha\tau}} = T_3, \quad (7)$$

где  $T_0$  – температура талой воды;  $\xi$  – координата подвижной границы при постоянной температуре замерзания;  $T_3, B$  – постоянный коэффициент;  $\alpha$  – коэффициент теплопроводности;  $\tau$  – время.

Применительно к расчету огнестойкости предлагается задачу Стефана предельно упростить за счет исключения теплоты фазового перехода. При этом градиент температуры с обеих сторон подвижной границы становится одинаковым, и за  $\xi$  принимается граница распространения критической температуры  $T_{кр}$ , за  $T_h$  – температура бетона на расстоянии шага численного интегрирования уравнения энергии  $h_x$  от подвижной границы. Тогда

$$T_h - B \cdot \operatorname{erf} \frac{\xi}{2\sqrt{\alpha\tau}} = T_{кр}. \quad (8)$$

Далее закон Фурье для плотности теплового потока записывается в виде:

$$q_x = -\lambda_{бет} \cdot |\operatorname{grad}T|_x, \quad (9)$$

где  $|\operatorname{grad}T|_x$  – модуль проекции градиента температуры на координатную ось  $Ox$ ;  $\lambda_{бет}$  – теплопроводность бетона.

Разностный аналог модуля градиента температуры на подвижной границе можно записать в виде

$$|\operatorname{grad}T| = \frac{|T_h - T_{кр}|}{h_x}. \quad (10)$$

После умножения обеих частей уравнения (10) на  $\frac{1}{h_x}$  и несложных преобразований получено

$$\frac{|T_h - T_{кр}|}{h_x} = B \cdot \operatorname{erf} \frac{\xi}{2\sqrt{\alpha\tau}} \cdot \frac{1}{h_x}. \quad (11)$$

Деление (11) на  $T_{кр}$  позволяет получить

$$\frac{|\operatorname{grad}T|}{T_{кр}} = B \cdot \operatorname{erf} \frac{\xi}{2\sqrt{\alpha\tau}} \cdot \frac{1}{T_{кр} \cdot h_x}. \quad (12)$$

Перегруппировка переменных в (12) позволяет получить

$$\frac{|\operatorname{grad}T|}{T_{кр}} = \frac{B}{h_x T_{кр}} \cdot \operatorname{erf} \frac{\xi}{2\sqrt{\alpha\tau}}. \quad (13)$$

Принимается  $K_1 = \frac{B}{h_x T_{кр}}$ . Тогда

$$\frac{|\operatorname{grad}T|}{T_{кр}} = K_1 \cdot \operatorname{erf} \frac{\xi}{2\sqrt{\alpha\tau}}. \quad (14)$$

Кроме того, в диапазоне изменения параметров  $\xi, \alpha, \tau$  зависимость функции Крамп от аргумента близка к линейной. Тогда

$$\frac{|\operatorname{grad}T|}{T_{кр}} = K_1 \cdot \frac{\xi}{2\sqrt{\alpha\tau}}. \quad (15)$$

Во второй краевой [4] задаче в начальный момент времени  $\tau = 0$  все точки полуограниченного твердого тела имеют одинаковую начальную температуру  $T_0$  и задан произвольный закон изменения теплового потока от времени на границе тела. В этой задаче имеется частный случай, когда изменение теплового потока обеспечивает постоянство температуры на поверхности

$$q(\tau) = \frac{T_0}{\sqrt{\pi\alpha\tau}}. \quad (16)$$

В нашем случае за  $T_0$  принимается критическая температура  $T_{кр}$

$$\lambda_{бет} |\operatorname{grad}T| = T_{кр} \frac{T_{кр}}{\sqrt{\pi} \cdot \sqrt{\alpha\tau}}. \quad (17)$$

Из (17) следует

$$\frac{|\operatorname{grad}T|}{T_{кр}} = \frac{1}{\lambda_{бет} \sqrt{\pi}} \cdot \frac{1}{\sqrt{\alpha\tau}}. \quad (18)$$

Принимается также, что

$$K_2 = \frac{1}{\lambda_{бет} \sqrt{\pi}}; \quad (19)$$

получается

$$\frac{|\operatorname{grad}T|}{T_{кр}} = K_2 \cdot \frac{1}{\sqrt{\alpha\tau}}. \quad (20)$$

С использованием критериев (15) и (20) были обработаны данные вычислительного эксперимента для различных сценариев пожаров, включая стандартный, горение углеводородов и термита. Результаты представлены на рис. 1 и 2.

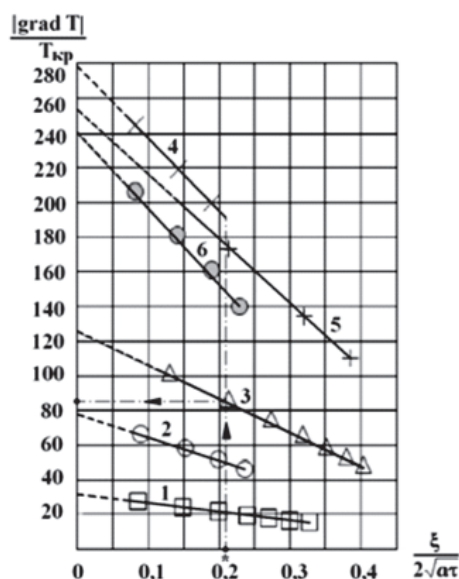


Рис. 1. Зависимость приведенного градиента температуры от безразмерной координаты подвижной границы:  
 1 – стандартный пожар; 2 – пожар разлива;  
 3 – факельное горение; 4 – огненный шар;  
 5 – вспышка; 6 – термит; \* – критическое значение аргумента

Как видно из рис. 1, приведенный градиент температуры линейно зависит от безразмерного комплекса  $\frac{\xi}{2\sqrt{\alpha t}}$  для каждого вида пожара с различными угловыми коэффициентами, а из рис. 2 – линейная зависимость приведенного коэффициента от  $\frac{1}{2\sqrt{\alpha t}}$  является единой для всех видов пожаров с угловым коэффициентом  $K_2 = 0,75$ .

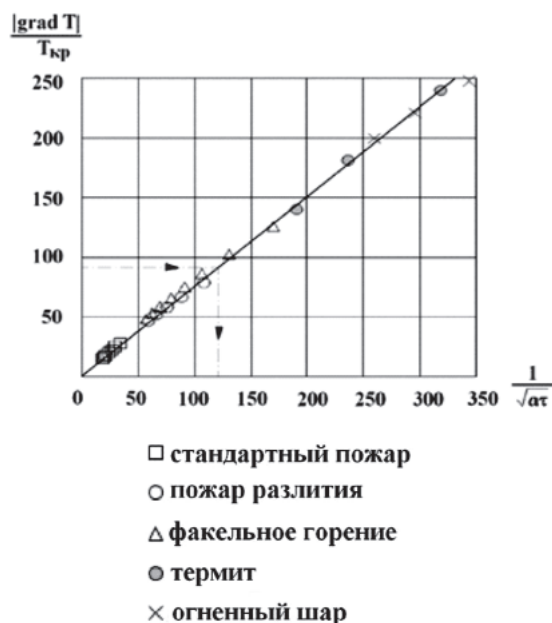


Рис. 2. Зависимость приведенного градиента температуры от комплекса  $\frac{1}{2\sqrt{\alpha t}}$

Полученные зависимости могут быть использованы для прогнозирования предела огнестойкости элементов ж/б конструкций.

Как видно из результатов математического моделирования, время достижения максимальной температуры в приповерхностном слое бетона зависит от скорости горения ПС. На рис. 3 а скорость горения составляет 3,6 мм/с, на рис. 3 б – 2 мм/с.

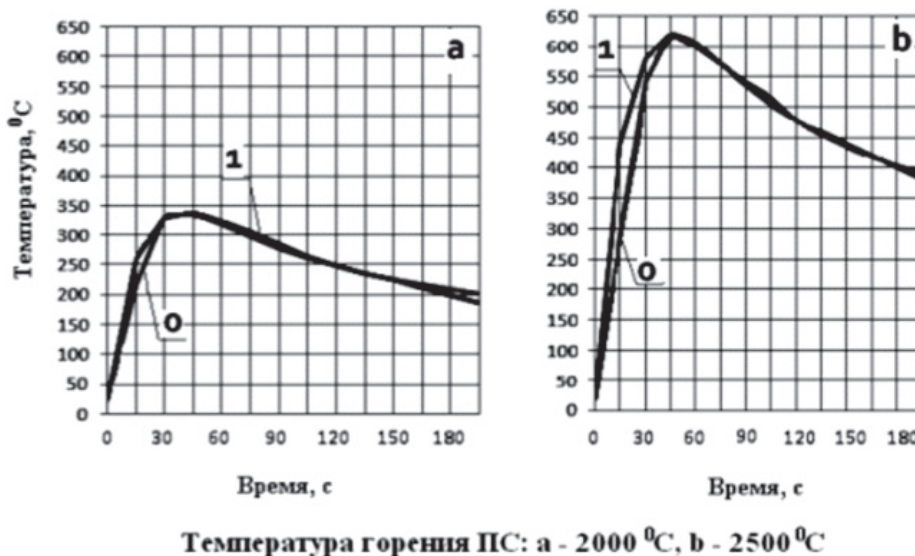


Рис. 3. Результаты моделирования высокоинтенсивного нагрева бетона:  
 0 – эксперимент, 1 – модель нагрева пироставом

Анализ результатов эксперимента нагрева бетона с использованием ПС показывает, что после сгорания ПС образование магистральных трещин на поверхности бетонных блоков и, как следствие снижение прочности наступает через 3–8 минут у образцов, критическая температура которых достигает

значения 600°C на глубине 2 мм от поверхности высокоинтенсивного нагрева и выше. При этом у образцов базового состава, у которого максимальная температура сохраняется более длительное время, протяженность трещин и ширина раскрытия являются максимальными, как это видно на рис. 4 и 5.



Рис. 4



Рис. 5

### Выводы

1. Обоснован градиентно-температурный критерий разрушения бетона при высокоинтенсивном нагреве от продуктов горения углеводородного топлива.

2. Предложен вычислительный алгоритм предпроектной оценки огнестойкости элементов железобетонных конструкций при высокоинтенсивном нагреве.

### Список литературы

1. Даниловская В.И. Об одной задаче термоупругости // Прикладная математика и механика. – 1952. – т. 16. – С. 341–344.
2. Даниловская В.И. Температурное поле и температурные напряжения, возникающие в упругом полупространстве вследствие потока лучистой энергии, падающей на границу

полупространства // Изв. АН СССР. Механика и машиностроение. – 1959. – № 3. – С. 129–132.

3. Карташов Э.М., Партон В.З. Динамическая термоупругость и проблемы термического удара // Итоги науки и техники. Серия «Механика деформируемого тела. – М.: ВИНТИ, 1991. – Т. 22. – С. 55–127.

4. Карслоу Г., Егер Д. Теплопроводность твердых тел. – М.: Наука, 1964. – 488 с.

5. Лыков А.В. Теория теплопроводности – М.: Высшая школа, 1967. – 599 с.

### References

1. Danilovskaya V.I. *Prikladnaya matematika i mekhanika-Applied Mathematics and Mechanics*, 1952, vol. 16, pp. 341–344.
2. Danilovskaya V.I. *Izvestiya AN SSSR. Mekhanika i mashinostroenie-Proceedings of the USSR Academy of Sciences. Mechanics and Mechanical Engineering*, 1959, no. 3, pp. 129–132.
3. Kartashov E.M., Parton V.Z. *Itoги nauki i tekhniki. seriya «Mechanika deformiruемого tela» – Results of science and technology. A series of «Mechanics of deformable bodies»*. Moscow, Russian Institute of Scientific and Technical Information, 1991, vol. 22, pp. 55–127.
4. Carslaw G., Jaeger D. *Teploprovodnost tveordych tel [Thermal conductivity of solids]*. Moscow, Nauka, 1964, 488 p.
5. Lykov A.V. *Teoria teploprovodnosti [The theory of heat conduction]*. Moscow, HighSchool, 1967, 599 p.

### Рецензенты:

Лашков В.А., д.т.н., профессор, зав. кафедрой «Машиноведение», КНИТУ, г. Казань;

Николаев А.Н., д.т.н., профессор, зав. кафедрой «Оборудование пищевых производств», КНИТУ, г. Казань.

Работа поступила в редакцию 07.09.2012.