

( $\omega$  - частота электромагнитной волны,  $\omega_p = e\sqrt{n/(m\epsilon_0)}$  - плазменная частота,  $\nu$  - частота столкновений, определяющая уровень затухания энергии,  $n$  - концентрация ионов,  $e = 1,6 \cdot 10^{-19}$  Кл) приводят к тому, что электромагнитные волны не могут распространяться в области частот  $0 < \omega < \sqrt{\omega_p^2 - \nu^2}$  (полоса задерживания), т.к. в этой области частот  $\epsilon' < 0$ , постоянная распространения  $k_z = k'_z + ik''_z$  имеет большую мнимую компоненту, волна интенсивно затухает ( $\sim \exp(i\omega x - k''_z z)$ ). Инжекция в запредельную область активной среды с энергетической накачкой можно учесть параметром  $\epsilon'' > 0$ , коэффициент усиления среды  $g = 2\pi\epsilon''/\lambda_0$ . В области частот  $0 < \omega < \sqrt{\omega_p^2 - \nu^2}$   $\epsilon' < 0$  (запредельная область) волна:

1) при  $\epsilon'' < 0$  наблюдается интенсивное затухание, волна «просачивается» в запредельную зону, быстро затухая вглубь зоны при удалении от границы раздела с прозрачной для электромагнитных волн средой;

2) при инжекции активной среды в запредельную область  $\epsilon'' > 0$  и наблюдается усиление электромагнитных волн  $\exp(i\omega x + k''_z z)$ .

В области полосы пропускания ( $\omega > \sqrt{\omega_p^2 - \nu^2}$ ) при малом коэффициенте усиления среды  $g \sim 10^{-3}$  наблюдается малый коэффициент усиления  $k''/k_0 \sim 10^{-3}$ , который растет с увеличением коэффициента усиления среды. В тоже время в запредельной области наблюдается интенсивное усиление, величина которого растет при удалении от частоты отсечки вглубь запредельной области ( $k''/k_0 \sim 1 \div 3$  при  $g \sim 10^{-3}$ ).

#### СТАТИСТИЧЕСКИЕ МЕТОДЫ ПРОГНОЗИРОВАНИЯ КАЧЕСТВА МАТЕМАТИЧЕСКОГО ОБРАЗОВАНИЯ

Добрынина Н.Ф.

Пензенский государственный университет  
Пенза, Россия

Статистические методы прогнозирования являются одними из основных инструментов в деятельности плановых, аналитических, правительственных учреждений. В современных условиях в области образования существенно меня-

ются информационные запросы управляющих структур образования по объему, составу, достоверности и оперативности качества обучения. В связи с этим, для руководителей различных уровней возрастает роль прогнозов в принятии управленческих решений.

В данной работе делается статистический анализ и статистическое прогнозирование качества обучения и педагогической структуры кафедры математики с целью повышения качества математического образования в университете. Исследования проводятся с помощью временных рядов. Их построение и обработка, анализ и прогнозирование в применении к экономике встречаются у ряда авторов [1,2,3].

Процесс анализа и прогнозирования временных рядов с помощью статистических систем включает следующие этапы:

- ввод данных в систему;
- визуализация данных с помощью различных типов графиков;
- преобразование данных, адекватное выбранным статистическим методам;
- реализацию алгоритмов статистических методов;
- вывод результатов анализа в виде графиков и таблиц с числовой и текстовой информацией;
- интерпретацию полученных результатов.

Основу исследования составляют временные ряды. Изучается вопрос изменения показателей качества обучения во времени по отдельным математическим предметам и изменение состава кафедры по мере роста показателей квалификации преподавателей.

Вопрос изменения показателей качества обучения во времени, изучение динамики развития процесса обучения и прогнозирование качества обучения может быть изучен с помощью специальных статистических методов, анализирующих ряды динамики.

Рядом динамики (временным рядом) называется последовательность значений статистического показателя, упорядоченная в хронологическом порядке. Отдельные наблюдения временного ряда называются уровнями ряда. В наших исследованиях применяются интервальные ряды с годовой динамикой развития. Уровни рядов динамики могут представлять абсолютные, относительные и средние значения. В данной работе используются средние оценки по предмету в группе.

Если информация короткая, то для использования некоторых методов анализа и прогнозирования динамики качества обучения, может не хватить длины ряда. Поэтому мы взяли достаточно длинный ряд – 10 лет. Специальность «Прикладная математика» существует на кафедре Высшей и прикладной математики ПГУ более 15 лет.

Для количественной оценки важнейших показателей изменения уровней рядов динамики применяются следующие аналитические показатели: абсолютные приросты, темпы роста и темпы прироста. Каждый из показателей может быть видов: цепной, базисный и средний. В основе расчета этих показателей динамики лежит сравнение уровней временного ряда. Если сравнение ведется с одним и тем же уровнем, принятым за

базу сравнения, то эти показатели называются базисными. В качестве базы сравнения выбран уровень 1998 года, с которого начинается новый этап развития кафедры.

Абсолютный прирост равен разности двух сравниваемых уровней. Он характеризует изменение показателя за определенный промежуток времени:

$$\Delta y_i = y_i - y_{i-1}. \quad (1)$$

Для записи формулы базисного абсолютного прироста в общем виде уровень  $y_i$  сравнивают с показателем, принятым за базу:

$$\Delta y_i^b = y_i - y_b. \quad (2)$$

Обобщающая характеристика скорости изменения исследуемого показателя во времени – это средний абсолютный прирост. Для его вычисления пользуются формулой:

$$\Delta \bar{y} = \frac{\sum_{t=2}^n \Delta y_t}{n-1}, \quad (3)$$

где  $\Delta y_t$  - цепной абсолютный прирост,  
 $n$  - длина временного ряда.

Еще одна характеристика динамики процесса – темп роста  $T$ . Она характеризует отношение двух сравниваемых значений ряда и выражается в процентах:

$$T_t = \frac{y_t}{y_{t-k}} \cdot 100\%. \quad (4)$$

Если измеряется цепной темп роста, то справедлива формула:

$$T_t = \frac{y_t}{y_{t-1}} \cdot 100\%. \quad (5)$$

Если измеряется базисный темп роста, то его вычисляют по формуле

$$T_t = \frac{y_t}{y_b} \cdot 100\%. \quad (6)$$

Средний темп роста – обобщающая характеристика динамики процесса, отражающая интенсивность изменения уровней ряда. Он показывает сколько в среднем процентов последующий

уровень составляет от предыдущего на всем периоде наблюдений. Этот показатель рассчитывается по формуле средней геометрической из цепных темпов роста:

$$\bar{T} = \sqrt[n]{T_1 \cdot T_2 \cdot \dots \cdot T_n}. \quad (7)$$

Вырази цепные темпы роста  $T_1, T_2, \dots, T_n$  через соответствующие уровни роста, получим

$$\bar{T} = \sqrt[n-1]{\frac{y_n}{y_1}} \cdot 100\%. \quad (8)$$

Темп прироста  $K$  характеризует абсолютный прирост в относительных величинах. Определенный в процентах темп прироста пока-

зывает на сколько процентов изменился сравниваемый уровень по отношению к уровню, принятому за базу сравнения. Таким образом,

$$K_t = \frac{y_t - y_{t-1}}{y_{t-1}} \cdot 100\%. \quad (9)$$

Преобразовав выражение (9), можно показать зависимость цепного темпа прироста от соответствующего темпа роста:

$$\bar{K} = \bar{T} - 100\%. \quad (10)$$

Для объективности анализа рассматривают абсолютное значение одного процента прироста, определяемое как отношение абсолютного прироста к соответствующему темпу прироста:

$$|\%| = \frac{y_t - y_{t-1}}{\frac{y_t - y_{t-1}}{y_{t-1}} \cdot 100} = 0,01 y_{t-1}. \quad (11)$$

Наибольший интерес для статистического анализа представляет средний абсолютный прирост, средний темп роста, средний темп прироста качества обучения, поскольку эти показатели являются обобщающими характеристиками динамики процесса повышения качества обучения.

С их помощью были построены графики динамики ряда в виде прямой, которую можно продолжить на несколько шагов и получить прогноз развития процесса обучения. Для этого достаточно использовать формулу

$$\bar{y}_{n+L} = y_n + L\Delta\bar{y},$$

где  $L$  - период упреждения,  $y_n$  - фактическое значение в конечном уровне ряда,  $\bar{y}_{n+L}$  - прогнозное значение  $(n+L)$ -го уровня ряда,  $\Delta\bar{y}$  - значение среднего абсолютного прироста рассчитанного временного ряда  $y_1, y_2, \dots, y_n$ .

Очевидно, что такой подход к получению прогнозного значения корректен, если характер развития близок к линейному. К недостатку среднего прироста и среднего темпа роста следует отнести то, что они учитывают лишь начальный и конечный уровни временного ряда, исключая влияние промежуточных уровней. Тем не менее, этот метод дает в нашем случае хорошие результаты и может быть использован как приближенный, простейший способ прогнозирования, предшествующий более глубокому качественному анализу. Исследования на основе предыдущих восьми лет дали результаты, которые мы имеем на девятом и десятом годах исследований. Таким образом, можно доверять тем результатам, которые прогнозируются на следующие годы. Были изучены темпы роста по различным

математическим дисциплинам и темпы роста квалификации преподавателей на кафедре высшей и прикладной математики Пензенского государственного университета.

#### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ:

1. Айвазян С.А., Мхитарян В.С. Прикладная статистика и основы эконометрии. -М.: ЮНИТИ,1998.
2. Дуброва Е.А. Статистические методы прогнозирования. – М.: ЮНИТИ, 2003.
3. Кендалл М., Стоюарт А. Многомерный статистический анализ и временные ряды. Пер. с англ. – М.: Наука, 1976.